

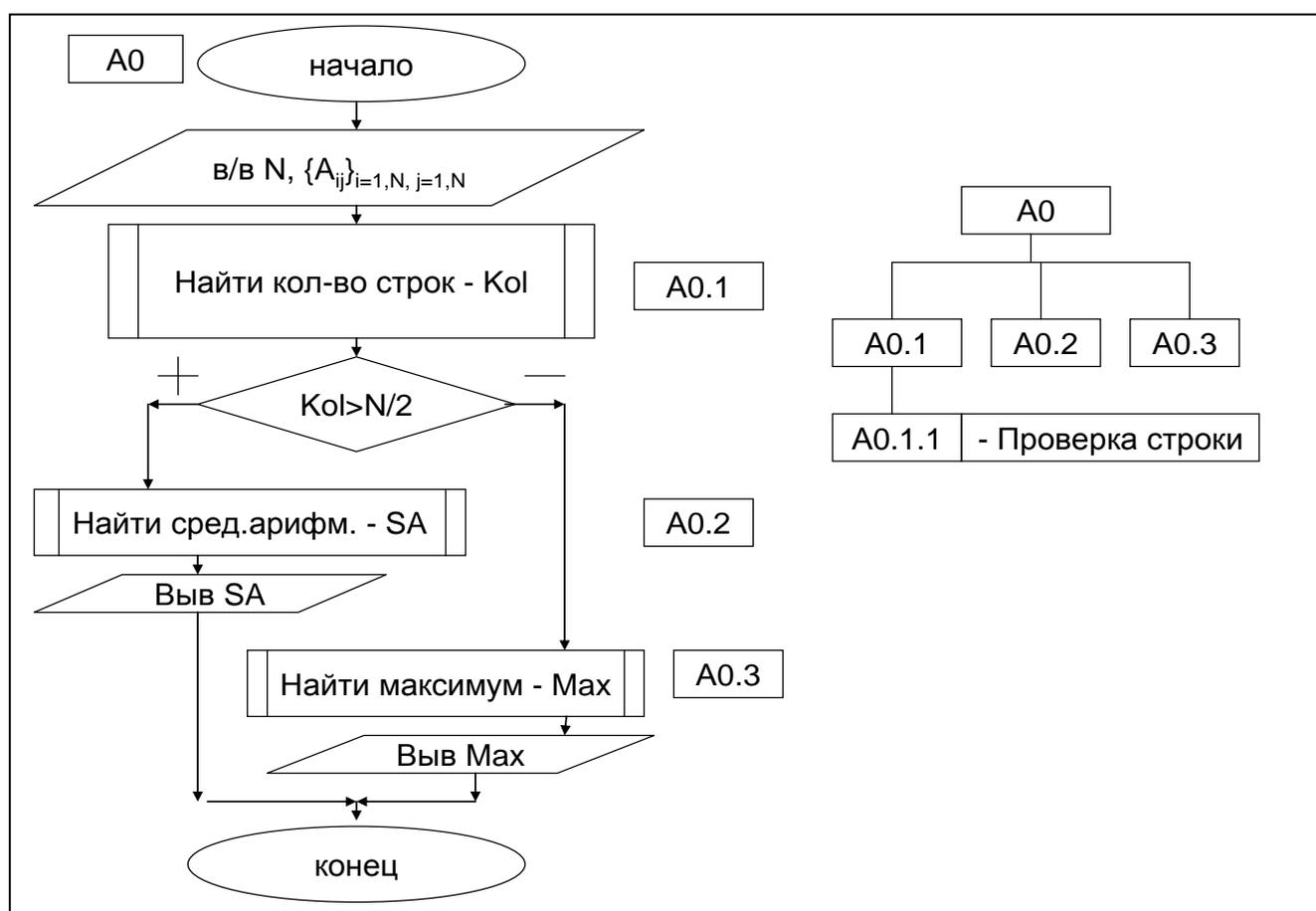
## Лекция 13. Процедуры в языке Delphi (продолжение)

Рассмотрим пример разработки программы с процедурами общего вида.

Условие задачи:

Дана квадратная матрица  $A$  размером  $N \times N$ .  
 Если количество ( $Kol$ ) строк, в которых находятся только положительные элементы, больше  $N/2$ ,  
 Найти  $SA$  – среднее арифметическое значений всех положительных элементов,  
 иначе  
 Найти  $Max$  – максимальное значение среди элементов, лежащих выше главной диагонали матрицы и на ней.

Выделим подзадачи:



Случаев, когда не возможно найти среднее положительных элементов, или нет элементов среди которых надо найти максимум не предусматриваем, поскольку среднее ищется только при наличии положительных элементов в большинстве строк матрицы, а при поиске максимума возможно отсутствие только элементов выше главной диагонали, но ни как не на ней, даже при размере матрицы  $1 \times 1$ .

Рассмотрим сначала вторую подзадачу:

Дана квадратная матрица  $A$  размером  $N \times N$ .

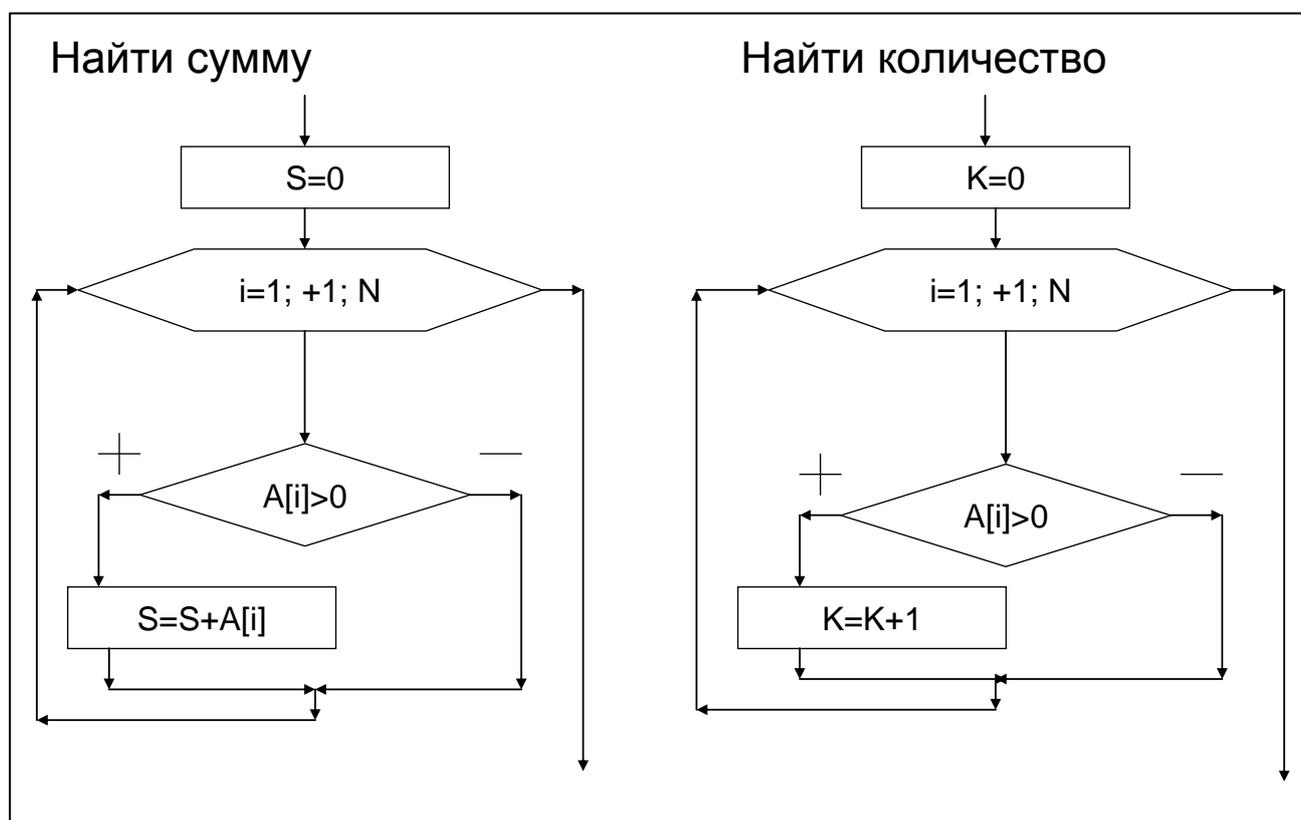
Если количество строк, в которых находятся только положительные элементы, больше  $N/2$ ,

**Найти  $SA$  – среднее арифметическое значений всех положительных элементов,**  
иначе –

Найти максимальное значение среди элементов, лежащих выше главной диагонали матрицы и на ней.

Чтобы найти среднее арифметическое, надо сначала найти сумму и количество. Зная алгоритмы поиска суммы и количества с условием для одномерного массива (*Базовые-алгоритмы.pdf*), создадим аналогичные алгоритмы для матрицы:

Для одномерного массива  $A$  из  $N$  элементов алгоритмы поиска суммы и количества положительных элементов выглядят так:



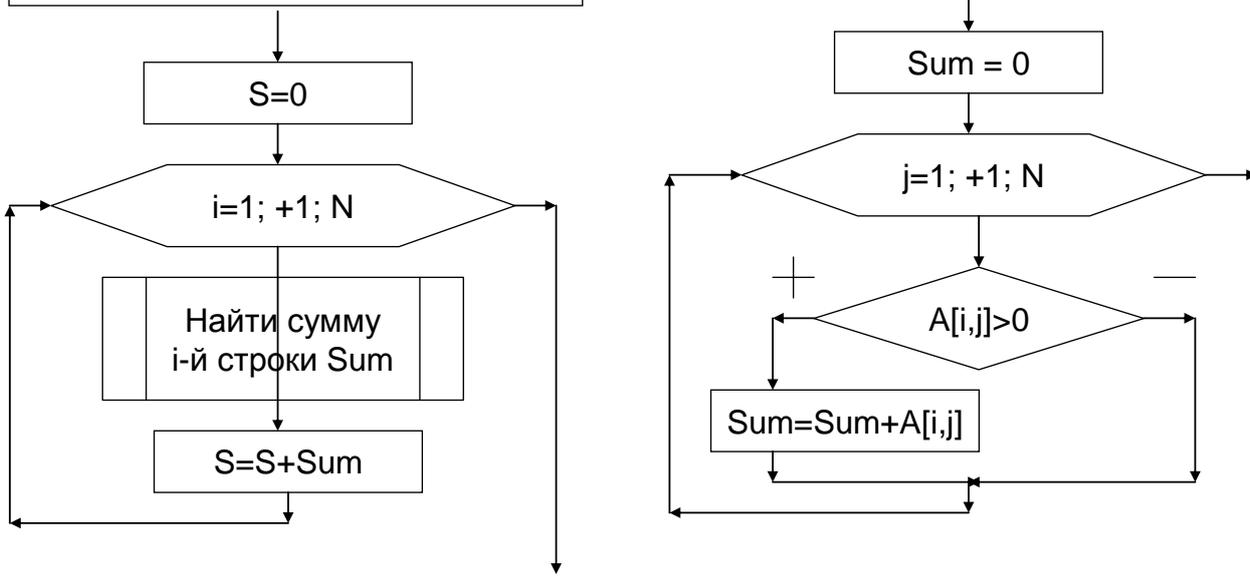
Для двумерного массива  $A$  из  $N$  строк и  $N$  столбцов сумму можно найти как сумму ( $S$ )  $N$  сумм ( $Sum$ ) положительных элементов строк из  $N$  элементов:

$$S = \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N A_{i,j} \Big|_{A_{ij}>0} = \sum_{i=1}^N Sum_i$$

$$Sum_i = \sum_{j=1}^N A_{i,j} \Big|_{A_{ij}>0}$$

На примере суммы:

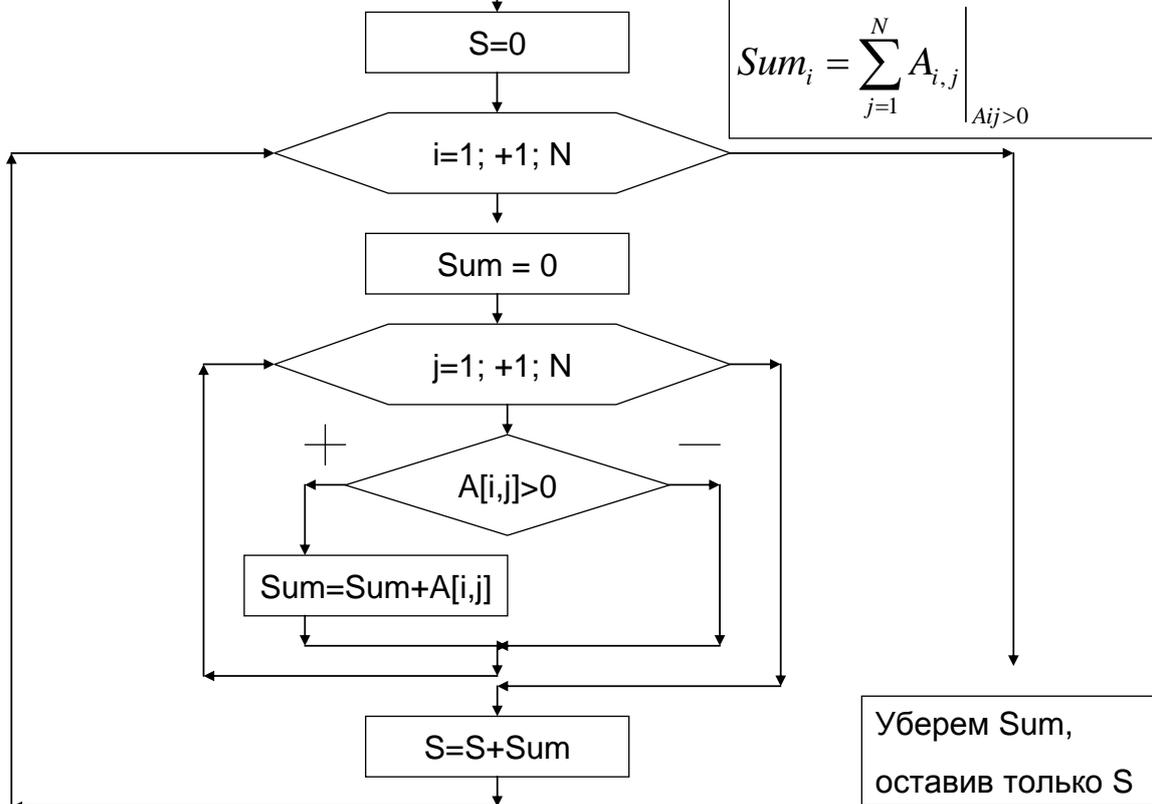
Сумма строки  $i$



На примере суммы:

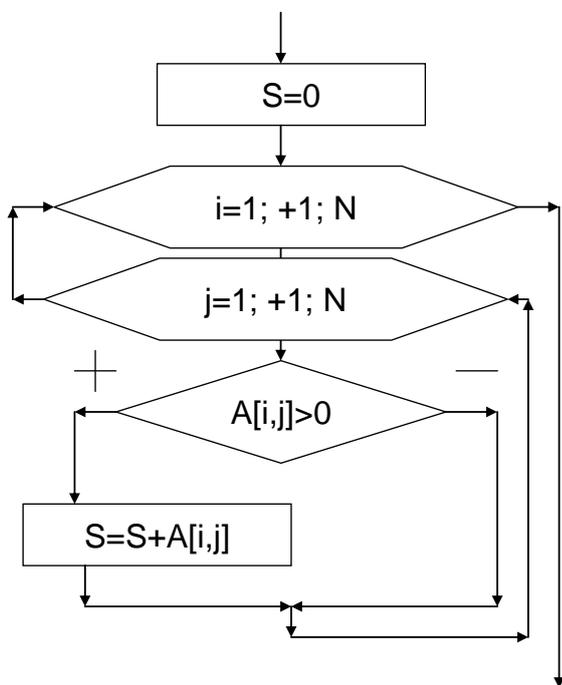
$$S = \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N A_{i,j} \Big|_{A_{ij}>0} = \sum_{i=1}^N Sum_i$$

$$Sum_i = \sum_{j=1}^N A_{i,j} \Big|_{A_{ij}>0}$$

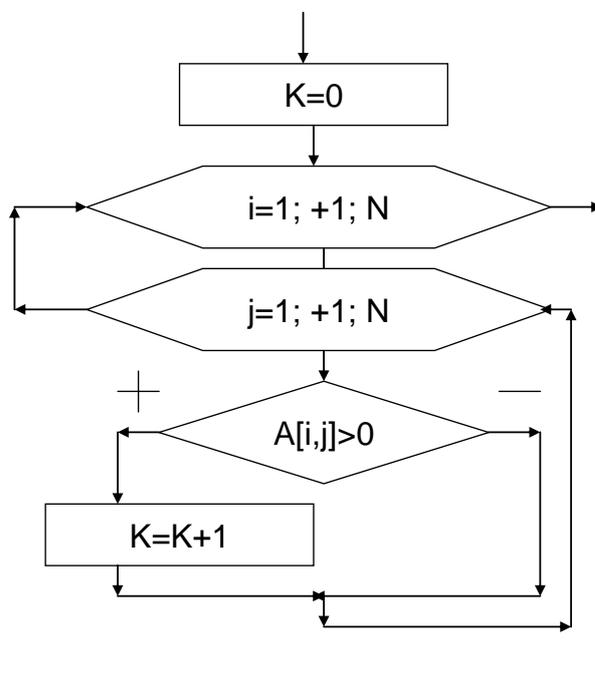


## A0.2 - Найти сред арифм $A_{ij} > 0$

Найти сумму - S



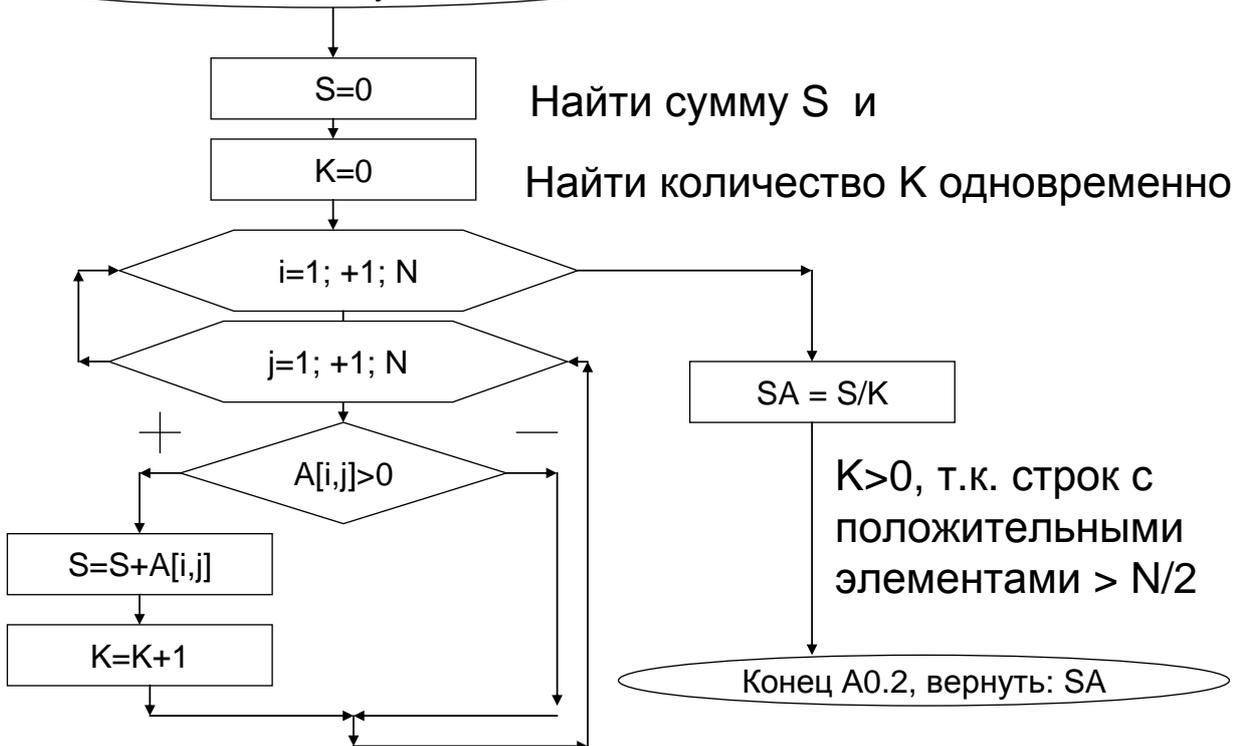
Найти количество - K



Т.о. для матрицы – удваиваем циклы

## A0.2 - Найти сред арифм $A_{ij} > 0$

Начало A0.2, получено: N, A



Теперь надо закодировать полученный алгоритм:

## A0.2 - Найти сред.арифм $A_{ij} > 0$

Procedure FindSA( \_\_\_\_\_ параметры \_\_\_\_\_ );

Var \_\_\_\_\_ локальные переменные \_\_\_\_\_

Begin

S:=0; K:=0;

for i:=1 to N do

for j:=1 to N do

if  $A[i,j] > 0$  then

begin

S:=S+A[i,j]; K:=K+1;

end;

SA:=S/K;

End;

	вх	пром	вых	
S	-	+	-	лок
K	-	+	-	лок
i	-	+	-	лок
N	+	-	-	const
j	-	+	-	лок
A	+	-	-	const
SA	-	+	+	out

Выпишем в столбик **все переменные**, упоминающиеся в коде, и напротив каждой отмечаем, что она:

- **входная**, если ее значение должно быть известно до начала поиска среднего арифметического;
- **промежуточная**, если ей присваивается значение в этом коде;
- **выходная**, если ее значение было изменено/найдено здесь и должно быть передано вызывающей программе.

Теперь

1. переменные, используемые только для промежуточных вычислений, описываем как **локальные** перед блоком оператором процедуры в разделе описания переменных *var*;
2. переменные, значения которых являются только входными описываем как **параметры-константы** (*const*) или **параметры-значения**;
3. переменные, значения которых являются входными и промежуточными описываем как **параметры-значения**;
4. переменные, значения которых являются входными и промежуточными и выходными описываем как **параметры-переменные** (*var*);
5. переменные, значения которых не являются входными, но являются промежуточными и выходными описываем как **параметры-переменные** (*out* или *var*).

Кратко это можно описать в виде следующей таблицы:

<b>вх</b>	<b>пром</b>	<b>вых</b>	<b>Описывается как</b>
+	–	–	параметр-константа (с ключевым словом <i>const</i> ) или как параметр-значение или как параметр-переменная (с ключевым словом <i>var</i> )
+	+	–	параметр-значение (по умолчанию, без ключ. слова)
+	+	+	параметр-переменная (с ключевым словом <i>var</i> )
–	+	+	параметр-переменная (с ключевым словом <i>out</i> ) или параметр-переменная (с ключевым словом <i>var</i> )
–	+	–	локальная переменная, не является параметром

Таким образом, **параметрами** становятся только входные и/или выходные переменные, остальные надо описывать как **локальные переменные**. **Все переменные**, упоминающиеся в коде процедуры, должны быть описаны либо как локальные переменные, либо как ее параметры. **Следуя этим правилам, вы создадите процедуры достаточно автономные и легко переносимые в ближайшем будущем в отдельные файлы-модули.**

Для данной процедуры потребовалось создать новый тип для пользовательского типа массив:

```
Const Nmax = 10;
Type Matr = array [1..Nmax, 1..Nmax] of real;

Procedure FindSA(const N: byte; const A: Matr; out SA: real);
Var i, j, K: byte; S: real; //локальные
Begin
  S:=0; K:=0;
  for i:=1 to N do
    for j:=1 to N do
      if A[i,j]>0 then
        begin
          S:=S+A[i,j]; K:=K+1;
        end;
  SA:=S/K;
End;
```

Заголовок можно сделать и таким:

```
Procedure FindSA( N: byte; var A: Matr; var SA: real);
```

При этом будет создана локальная копия *N* (1 байт), а остальные два параметра описаны как параметры-переменные и будут переданы по ссылке, без создания их локальной копии, что в случае с *A* позволит избежать создания ее копии (800 байт), а в случае с *SA* позволит «передать результат через параметр», изменяя напрямую фактический параметр.

А такой, например, заголовок будет неправильным:

```
Procedure FindSA( N: byte; A: Matr; SA: real);
```

Поскольку, мало того, что тратится лишняя память ( $10 \times 10 \times 8$  байт = 800 байт) на создание ненужной в данном случае копии массива  $A$ , так еще и результат вычисления среднего арифметического не сохранится в памяти после завершения работы процедуры, так как последний параметр  $SA$  указан как параметр-значение, а не как параметр-переменная, и результат будет сохранен только лишь в локальной копии  $SA$ , которая будет уничтожена при выходе из процедуры.

Рассмотрим следующую подзадачу:

Дана квадратная матрица  $A$  размером  $N \times N$ .

Если количество ( $Kol$ ) строк, в которых находятся только положительные элементы, больше  $N/2$ ,

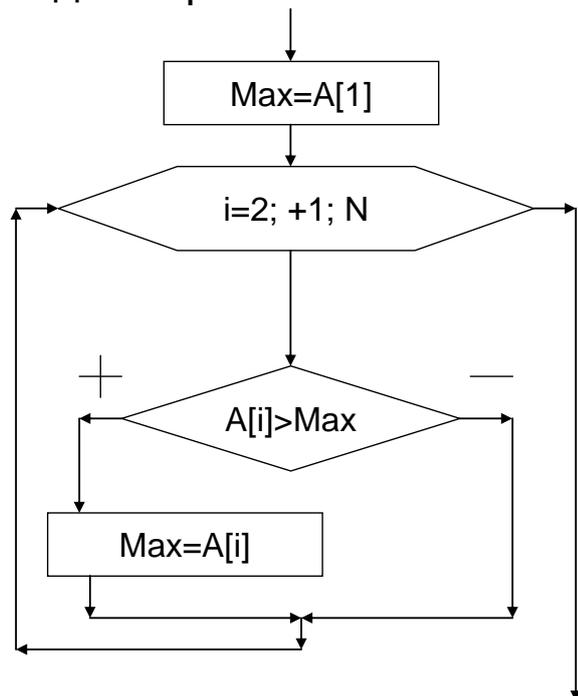
Найти  $SA$  – среднее арифметическое значений всех положительных элементов, иначе –

**Найти MAX** – максимальное значение среди элементов, лежащих выше главной диагонали матрицы и на ней.

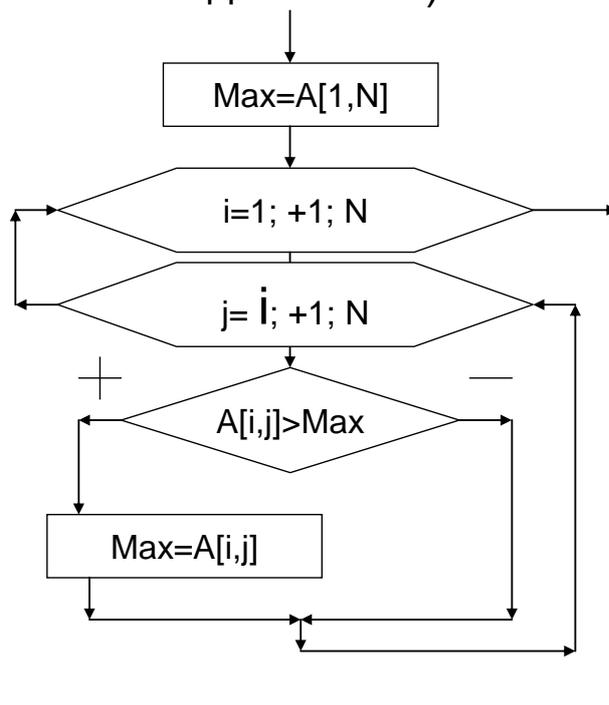
По аналогии с поиском максимума в одномерном массиве выполняется и поиск в матрице с перебором всех элементов из области поиска. Начальное значение также выбирается среди значений элементов, лежащих выше главной диагонали или на ней.

## A0.3 - Найти Max $A_{ij} \mid i \leq j$

Найти максимум в одномерном массиве:



Для матрицы (выше глав. диагонали):



Закодируем алгоритм и выпишем все используемые переменные:

## A0.3 - Найти Max $A_{ij} \mid i \leq j$

Const Nmax = 10;

Type Matr = array [1..Nmax, 1..Nmax] of real;

Procedure FindMax( \_\_\_\_\_ параметры \_\_\_\_\_);

Var \_\_\_\_\_ локальные переменные \_\_\_\_\_

Begin

Max:=A[1,N];

for i:=1 to N do

for j:=i to N do

if A[i,j]>Max then

Max:=A[i,j];

End;

	ВХ	ПРОМ	ВЫХ	
Max	-	+	+	out
i	-	+	-	лок
N	+	-	-	const
j	-	+	-	лок
A	+	-	-	const/ var

Используя ранее описанный тип, опишем по тем же правилам заголовков и локальные переменные:

```
Procedure FindMax( N: byte; var A: Matr; out Max: real);
```

```
Var
```

```
  i, j: byte;
```

```
Begin
```

```
  Max:=A[1,N];
```

```
  for i:=1 to N do
```

```
    for j:=i to N do
```

```
      if A[i,j]>Max then
```

```
        Max:=A[i,j];
```

```
End;
```

Заголовок также может быть, например, таким:

```
Procedure FindMax(const N: byte; const A: Matr; var Max: real);
```

Наконец, рассмотрим самую сложную подзадачу поиска *Kol*:

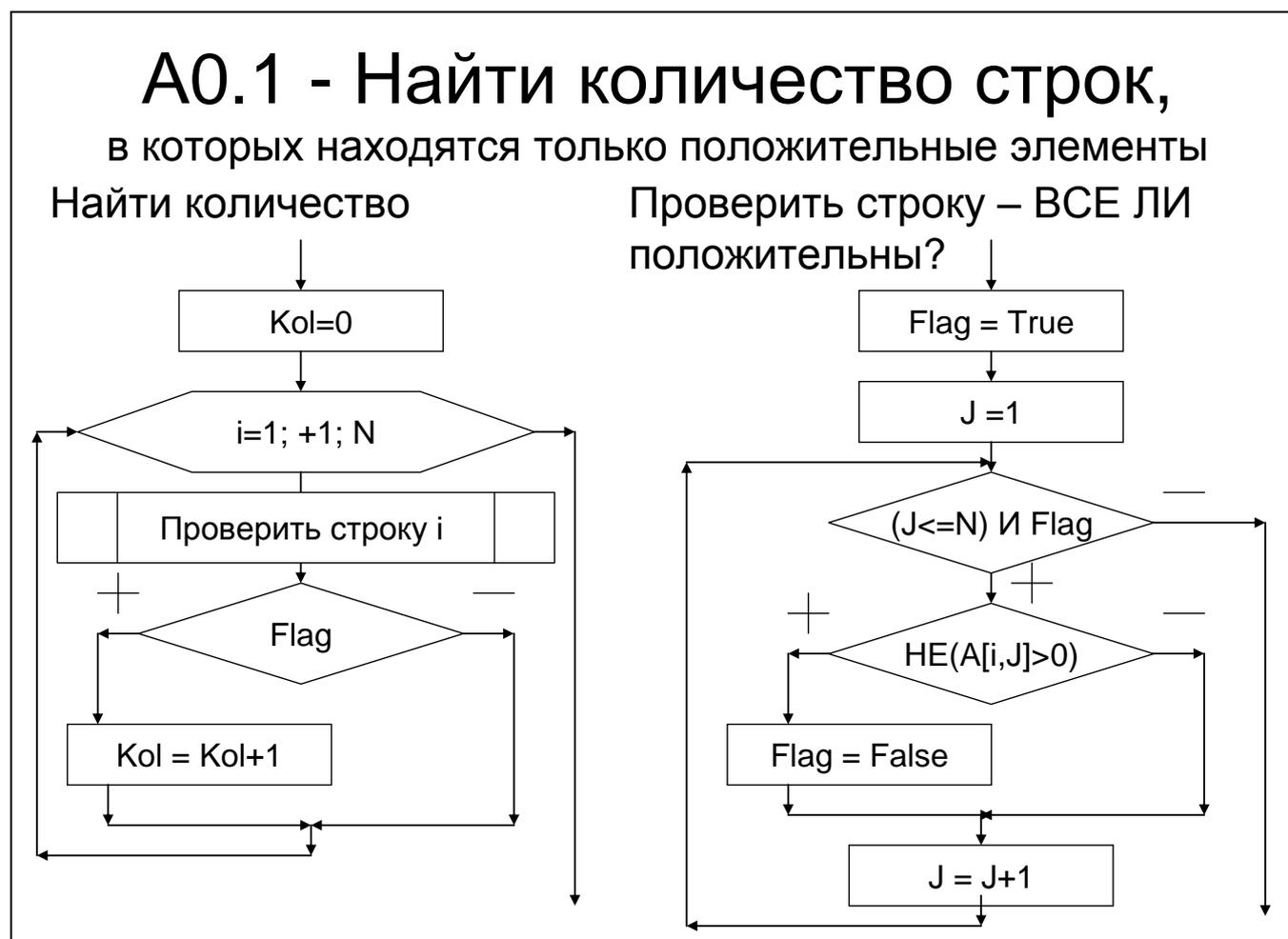
Дана квадратная матрица  $A$  размером  $N \times N$ .

Если количество (*Kol*) строк, в которых находятся только положительные элементы, больше  $N/2$ ,

Найти SA – среднее арифметическое значений всех положительных элементов, иначе –

Найти MAX – максимальное значение среди элементов, лежащих выше главной диагонали матрицы и на ней.

Выделим из этой подзадачи одну вспомогательную задачу для проверки  $i$ -ой строки, результатом которой будет значение True (Истина), если все элементы  $i$ -ой строки положительны, и False (Ложь) в противном случае:



Используя ранее описанные константы и тип, закодируем алгоритмы:

## A0.1.1 – Проверить строку i

Const Nmax = 10;

Type Matr = array [1..Nmax, 1..Nmax] of real;

Procedure Check\_i( const N, i: byte; var A: Matr;  
out Flag: boolean);

Var j: byte;

Begin

Flag:=TRUE; j:=1;

while (j<=N) AND Flag do  
begin

if NOT (A[i,j]>0) then

Flag:= FALSE;

inc(j);

end;

End;

	вх	пром	вых	
Flag	-	+	+	out
i	+	-	-	const
N	+	-	-	const
j	-	+	-	лок
A	+	-	-	const/ var

## A0.1 – Найти количество строк

Procedure FindKol( const N: byte; var A: Matr;  
out Kol: byte);

Var i: byte; Flag: boolean;

Begin

Kol:=0;

For i:=1 to N do

begin

Check\_i( N,i, A, Flag);

if Flag then

inc(Kol);

end;

End;

	вх	пром	вых	
Kol	-	+	+	out
Flag	-	+	-	лок
i	-	+	-	лок
N	+	-	-	const
A	+	-	-	const/ var

Соберем всю программу воедино, для краткости опуская разделы операторов в процедурах, добавим также не рассмотренную ранее процедуру *VvodVyvodNA* ввода и вывода исходных данных (*N* и *A*):

```

Program A0;
{$APPTYPE CONSOLE}

Const Nmax = 10;
Type Matr = array [1..Nmax, 1..Nmax] of real;

Procedure Check_i( const N,i: byte; var A: Matr; out Flag: boolean);
Begin {...} End;
Procedure FindKol( const N: byte; var A: Matr; out Kol: byte);
Begin {...} End;

Procedure FindMax( N: byte; var A: Matr; out Max: real);
Begin {...} End;

Procedure FindSA( N: byte; var A: Matr; out SA: real);
Begin {...} End;

Procedure VvodVyvodNA( out N: byte; out A: Matr);
Begin {...} End;

Var
  N: Byte;
  A: Matr;
  Kol: byte;
  SA, Max: real;

Begin
  VvodVyvodNA( N, A);
  FindKol( N, A, Kol);
  if Kol > N/2 then
    begin
      FindSA( N, A, SA);
      writeln('Kol> N/2 and Sa=', SA:7:3);
    end
  else
    begin
      FindMax( N, A, Max);
      writeln('Kol<=N/2 and Max=', Max:5:1);
    end;

  writeln('Press ENTER'); readln;
End.

```

Важно отметить также, что процедуры *Check\_i* и *FindKol*, могут быть описаны только в этом порядке (сначала *Check\_i*, затем вызывающая ее *FindKol*), либо первая из них может быть вложена во вторую (локальное описание):

## A0.1 и A0.1.1 – Вложенность

```
Program A0;
{$APPTYPE CONSOLE}
```

```
Const Nmax = 10;
Type Matr = array [1..Nmax, 1..Nmax] of real;
```

```
Procedure FindKol( const N: byte; var A: Matr; out Kol: byte);
```

```
Procedure Check_i( const N,i: byte; var A: Matr; out Flag: boolean);
Var ...
Begin...End;
```

```
Var ...
Begin... Check_i ...End;
```

